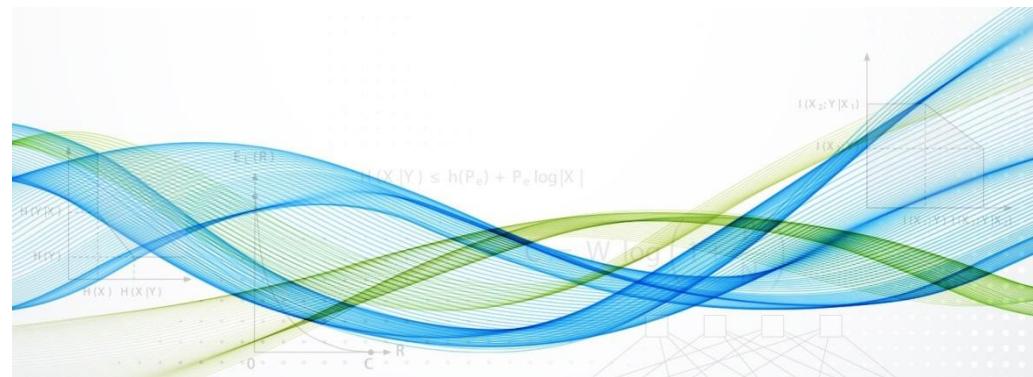




## Методологія побудови багатоконтурної системи безпеки у соціокіберфізичних системах

**Serhii Yevseiev  
Olena Akhiiezer**





## The scheme of interconnection of the structure with CCIS, on the example of organizations in the transport sector

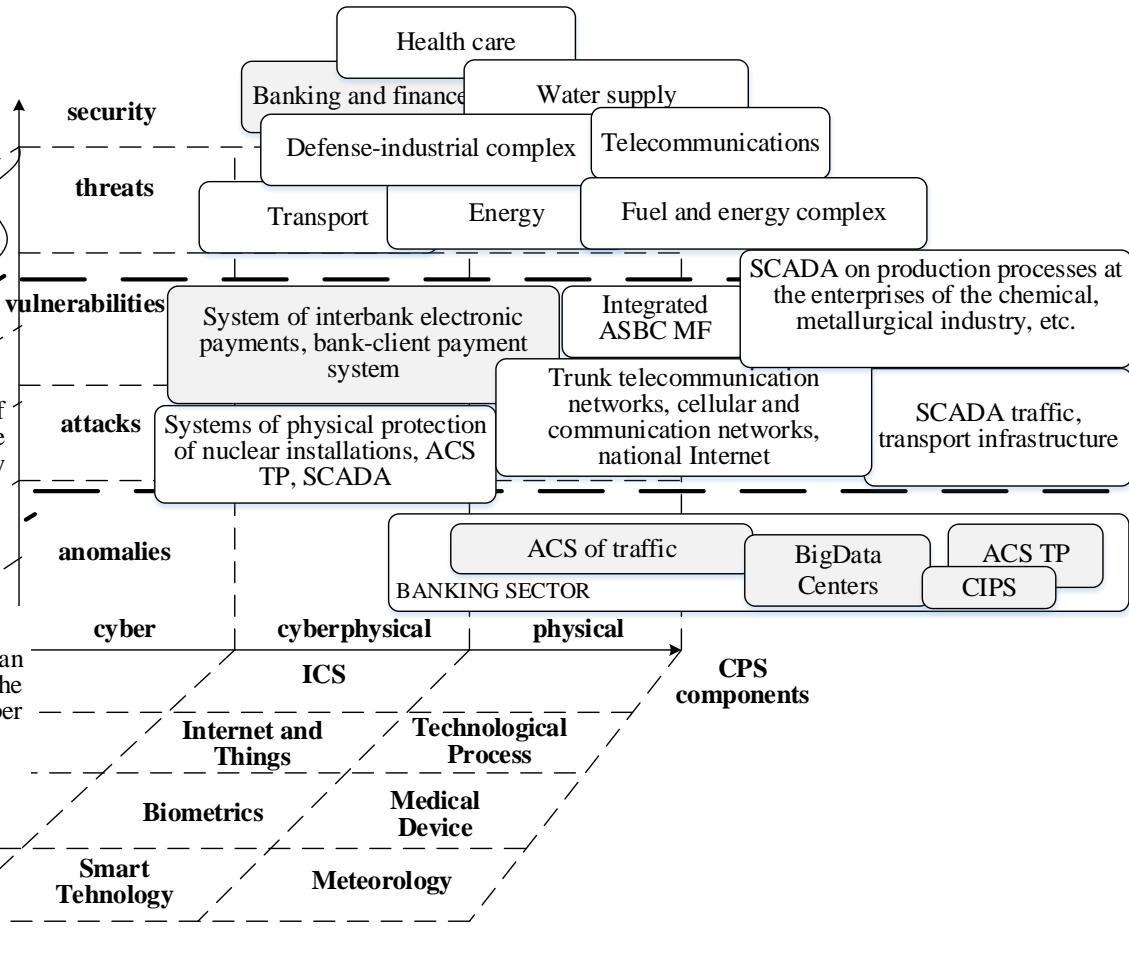
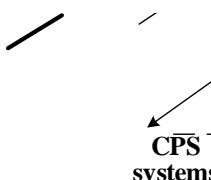
1st LEVEL. Critical infrastructure - systems, networks and (or) individual facilities, the deliberate or accidental failure of which can potentially lead to irreparable consequences for the stable development of the economy and political processes in the country, social welfare and public health.

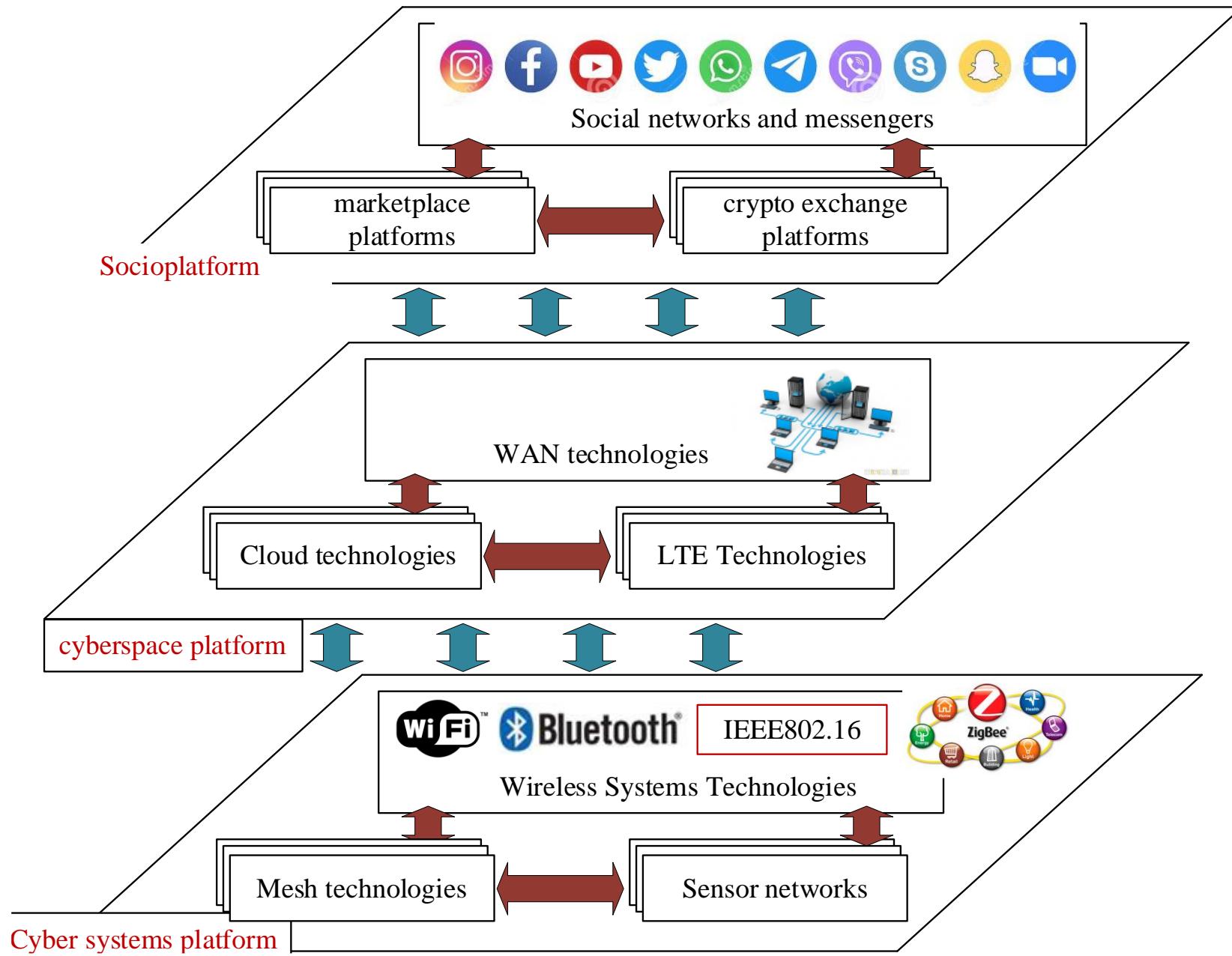


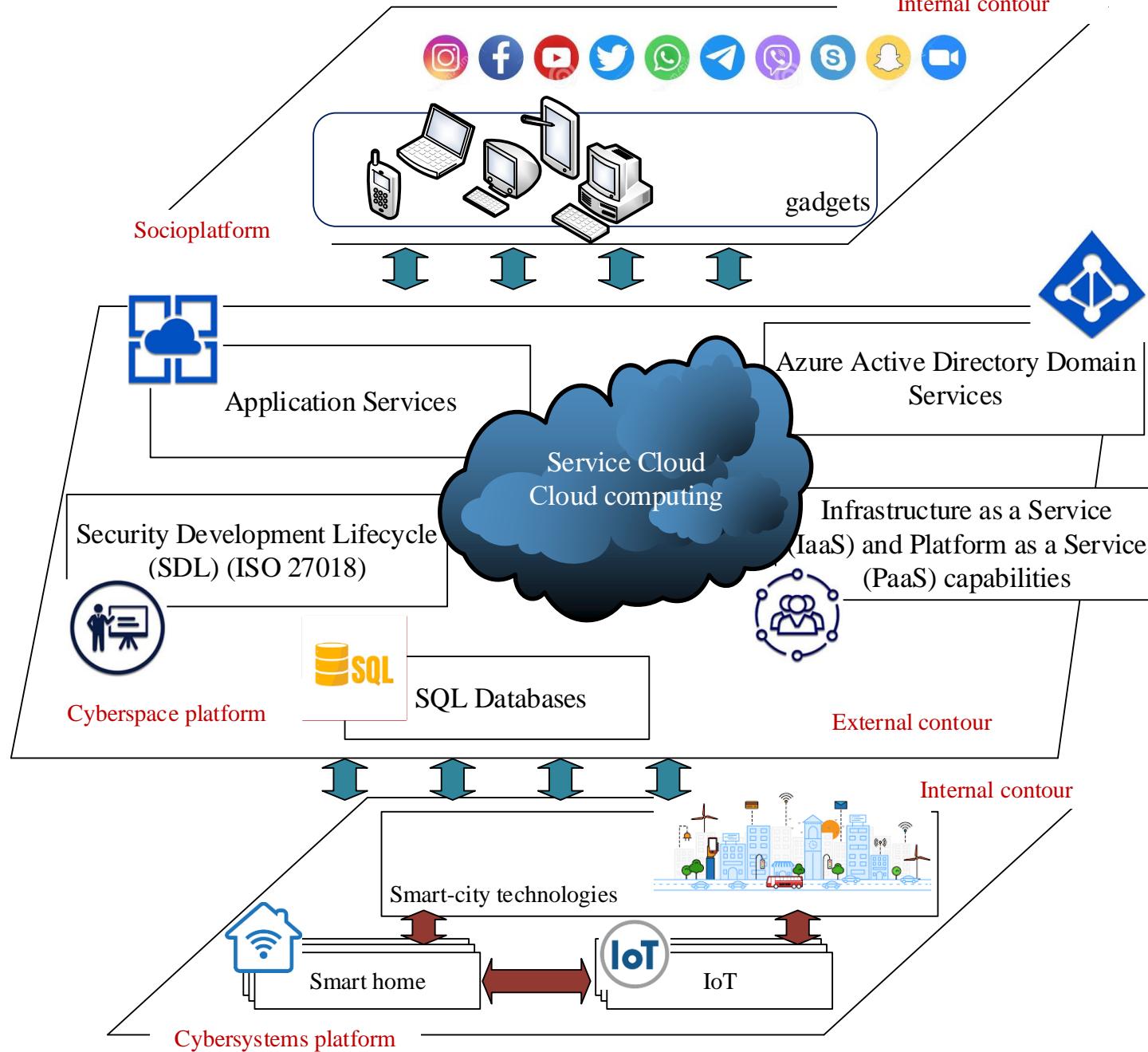
2nd LEVEL. Critical cyber infrastructure system - a set of interconnected elements that are connected into one whole, the correct functioning and interaction of which significantly affects the cyber security of the state over a period of time.

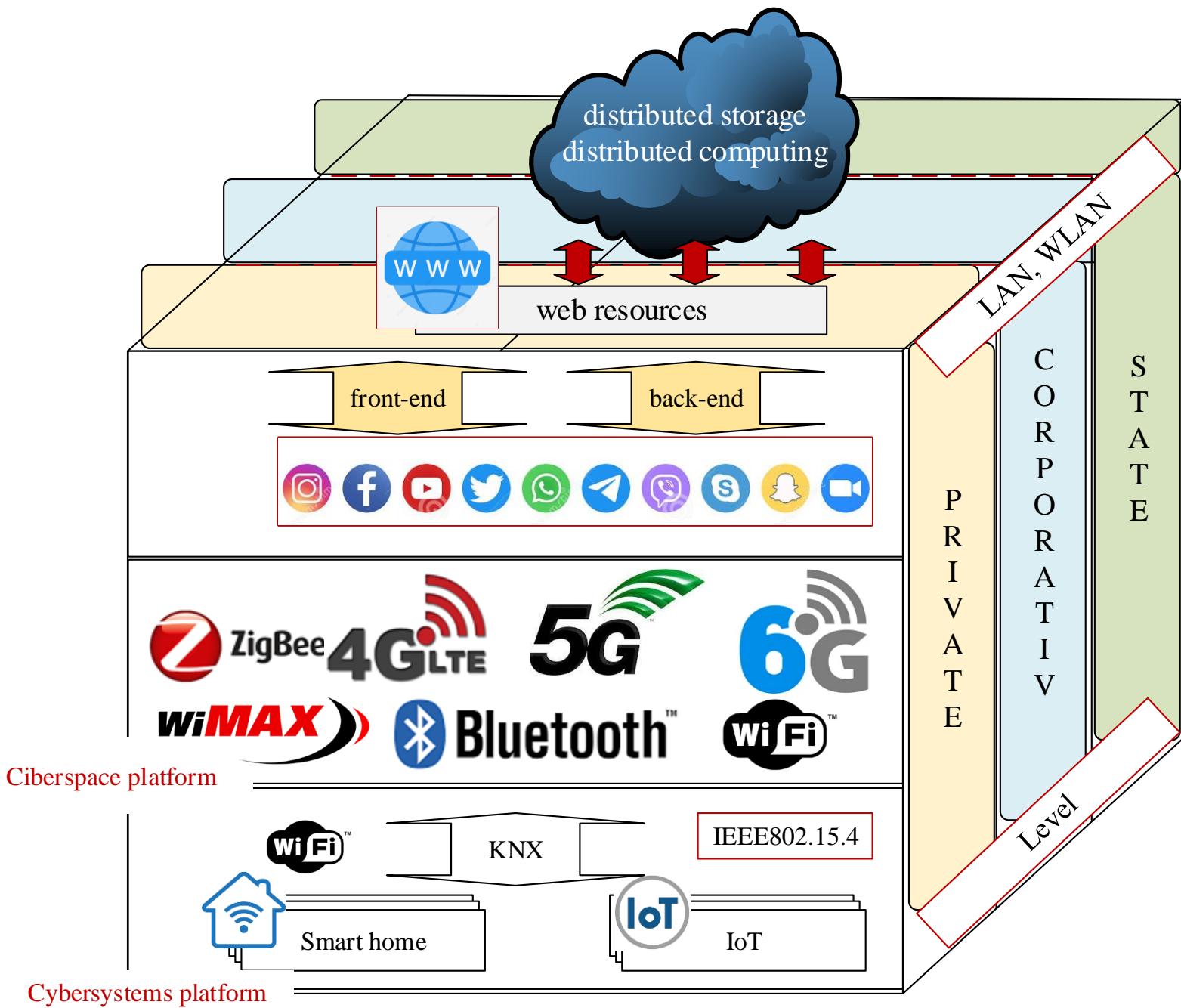


3rd LEVEL. An object with critical cyber infrastructure - is an element of a system with critical cyber infrastructure, the cyber impact of which leads to a decrease in its level of cyber security against cyber threats

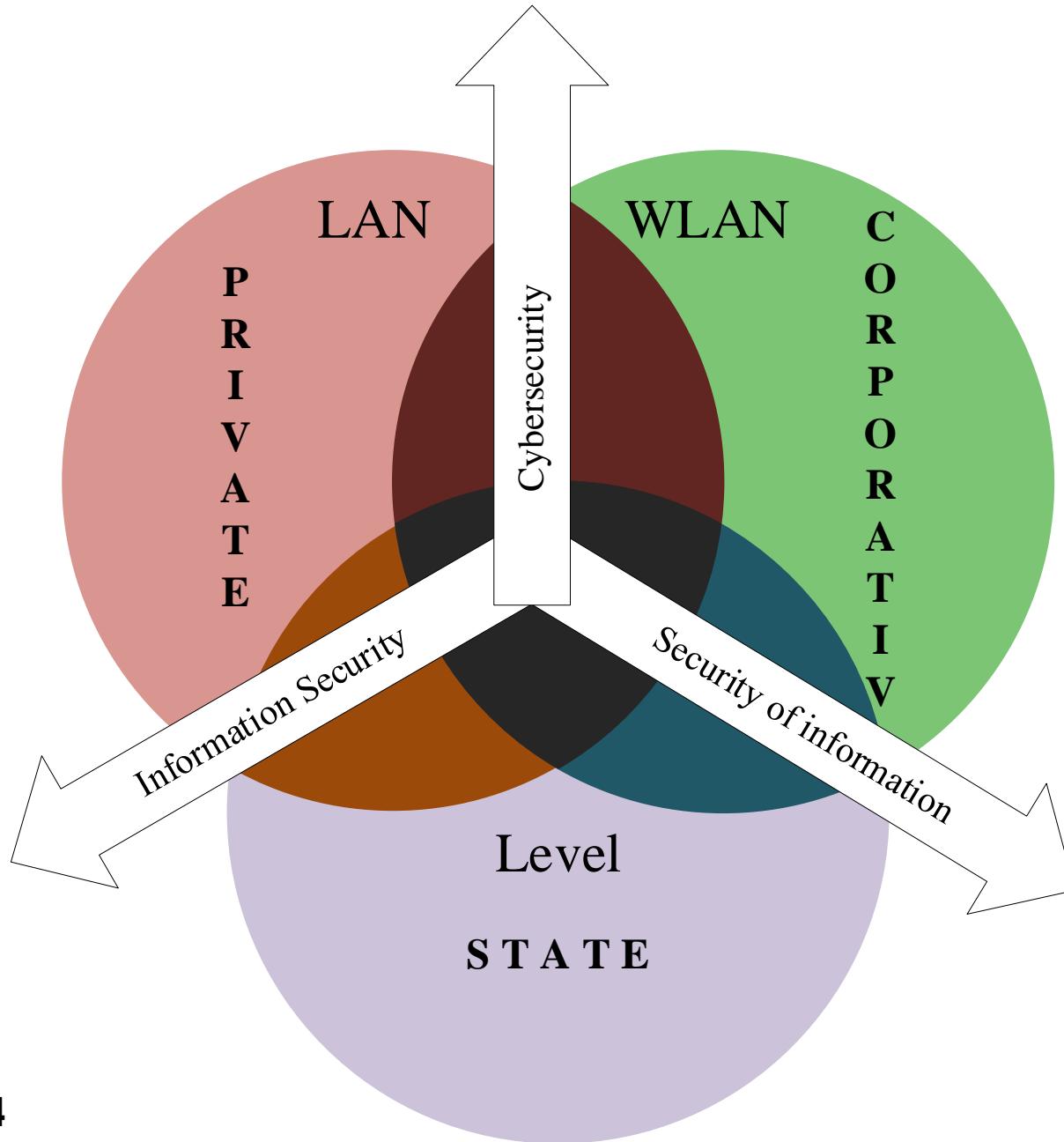








# STRUCTURAL AND LOGICAL SCHEME OF THREATS TO SCPS



# **CLASSIFIER OF THREAT OF INFORMATION RESOURCES SCPS**



<https://skl.sspu.sumy.ua/>

– *threats of the internal contour, taking into account the hybridity and synergy of threats* for the 1st platform – social networks:

$$W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_{1\text{platform}}}^{SS \text{ ISL}} = W_{\text{synerg}_{1\text{platform}}}^{SS \text{ ISL}} \stackrel{C}{\cap} W_{\text{synerg}_{1\text{platform}}}^{SS \text{ ISL}} \stackrel{I}{\cap} \\ \cap W_{\text{synerg}_{1\text{platform}}}^{SS \text{ ISL}} \stackrel{A}{\cap} W_{\text{synerg}_{1\text{platform}}}^{SS \text{ ISL}} \stackrel{Au}{\cap} W_{\text{synerg}_{1\text{platform}}}^{SS \text{ ISL}} \stackrel{Inv}{\cap},$$

– *threats of the internal contour, taking into account the hybridity and synergy of threats* for the 2nd platform – cyberspace:

$$W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_{2\text{platform}}}^{CS \text{ ISL}} = W_{\text{synerg}_{2\text{platform}}}^{CS \text{ ISL}} \stackrel{C}{\cap} W_{\text{synerg}_{2\text{platform}}}^{CS \text{ ISL}} \stackrel{I}{\cap} \\ \cap W_{\text{synerg}_{2\text{platform}}}^{CS \text{ ISL}} \stackrel{A}{\cap} W_{\text{synerg}_{2\text{platform}}}^{CS \text{ ISL}} \stackrel{Au}{\cap} W_{\text{synerg}_{2\text{platform}}}^{CS \text{ ISL}} \stackrel{Inv}{\cap},$$

– *threats of the internal contour, taking into account the hybridity and synergy of threats* for the 3rd platform – cyber-physical systems:

$$W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_{3\text{platform}}}^{CPS \text{ ISL}} = W_{\text{synerg}_{3\text{platform}}}^{CPS \text{ ISL}} \stackrel{C}{\cap} W_{\text{synerg}_{3\text{platform}}}^{CPS \text{ ISL}} \stackrel{I}{\cap} \\ \cap W_{\text{synerg}_{3\text{platform}}}^{CPS \text{ ISL}} \stackrel{A}{\cap} W_{\text{synerg}_{3\text{platform}}}^{CPS \text{ ISL}} \stackrel{Au}{\cap} W_{\text{synerg}_{3\text{platform}}}^{CPS \text{ ISL}} \stackrel{Inv}{\cap},$$

General assessment of threats of the internal contour, taking into account the technologies of the socio-cyber-physical system

$$W_{ISL}^{CPSS} = W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_1\text{platform}}^{SS \text{ ISL}} \cup W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_2\text{platform}}^{CS \text{ ISL}} \cup W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_3\text{platform}}^{CPS \text{ ISL}}$$

General assessment of threats of the internal contour, taking into account the form of ownership of the elements and technologies of the socio-cyber-physical system

$$W_{ISL_{\text{general}}}^{CPSS} = W_{ISL_{\text{private}}}^{CPSS} \cup W_{ISL_{\text{state}}}^{CPSS} \cup W_{ISL_{\text{corporativ}}}^{CPSS},$$

General assessment of threats of the internal contour, taking into account the technologies of the socio-cyber-physical system

$$W_{ESL}^{CPSS} = W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_1\text{platform}}^{SS \text{ ESL}} \cup \\ \cup W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_2\text{platform}}^{CS \text{ ESL}} \cup W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af \text{ synerg}_3\text{platform}}^{CPS \text{ ESL}}$$

General assessment of threats of the internal contour, taking into account the form of ownership of the elements and technologies of the socio-cyber-physical system

$$W_{ESL_{\text{general}}}^{CPSS} = W_{ESL_{\text{private}}}^{CPSS} \cup W_{ESL_{\text{state}}}^{CPSS} \cup W_{ESL_{\text{corporativ}}}^{CPSS},$$

generalized assessment of a multicontour security system, we use the formula

$$W_{\text{final}}^{\text{CPSS}} = W_{\text{ISL}_{\text{general}}}^{\text{CPSS}} \cup W_{\text{ESL}_{\text{general}}}^{\text{CPSS}}.$$

general (current) level of socio-cyber-physical systems security based on wireless mobile technologies is described by the expression:

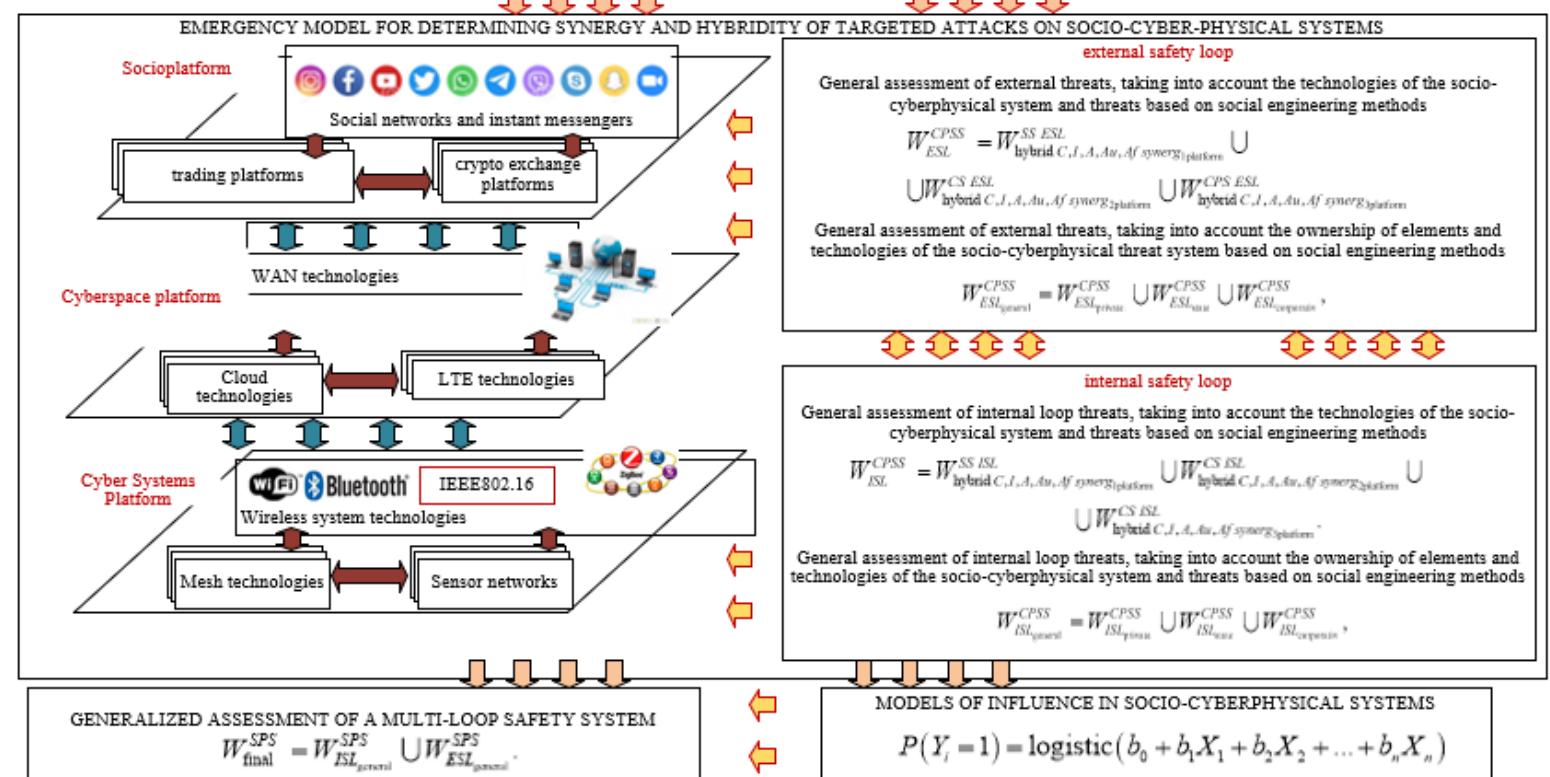
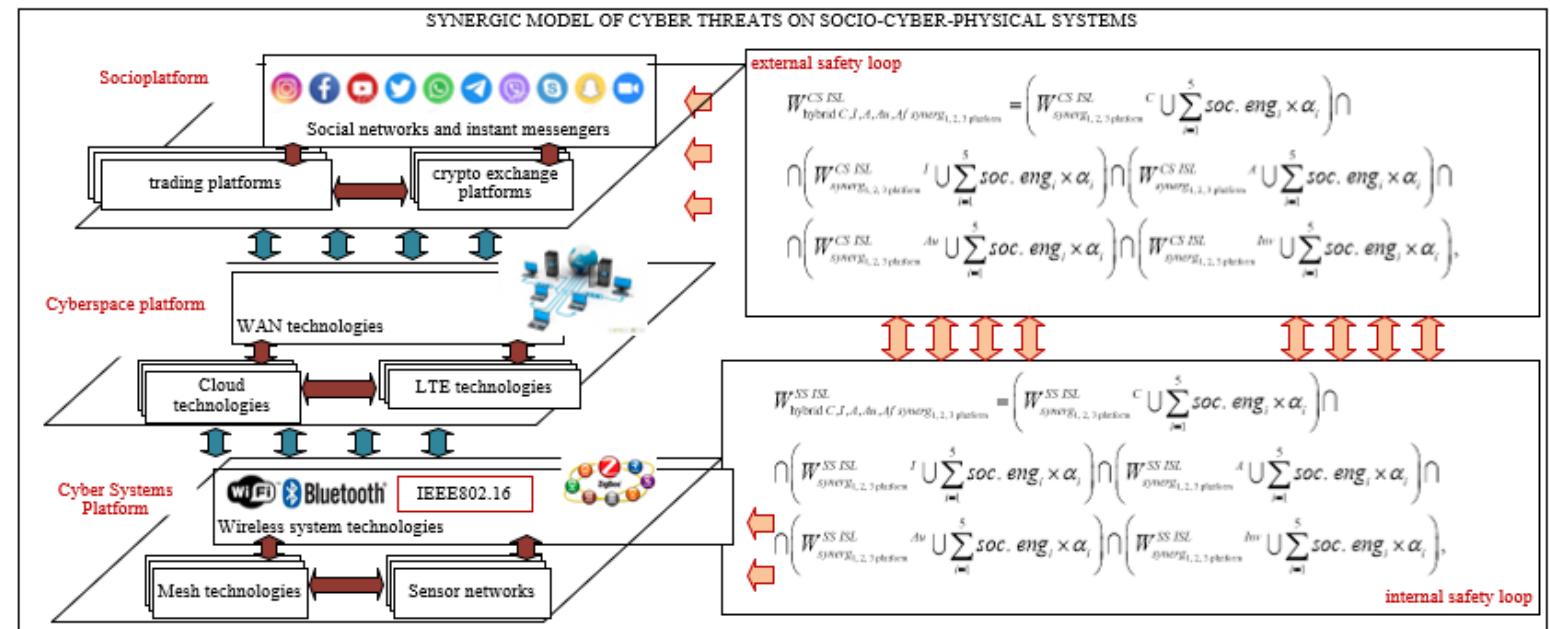
- for additive convolution

$$L_{W_{\text{security}}^{\text{CPSS}}} = L_{\text{ISL}} \sum_{j=1}^3 \sum_{i=1}^{12} \left( I_{A_{ij}} \times \beta_{ij} \right) + L_{\text{ESL}} \sum_{j=1}^3 \sum_{i=1}^{12} \left( I_{A_{ij}} \times \beta_{ij} \right).$$

- for multiplicative convolution

$$L_{W_{\text{security}}^{\text{CPSS}}} = 1 - \left[ 1 - L_{\text{ISL}} \sum_{j=1}^3 \sum_{i=1}^{12} \left( I_{A_{ij}} \times \beta_{ij} \right) \right] \times \left[ 1 - L_{\text{ESL}} \sum_{j=1}^3 \sum_{i=1}^{12} \left( I_{A_{ij}} \times \beta_{ij} \right) \right].$$

$\beta_i$  – a metric of the ratio of time and information confidentiality degree for an asset (critical – 1,0; high – 0,75; medium – 0,5; low – 0,25; very low – 0,01)



# BLOCK DIAGRAM OF THE SCPS SAFETY ASSESSMENT METHOD BASED ON THE LOTKA-VOLTERRA “PREDATOR-PREY” MODEL



Модель безпеки CPS, що розвивається, з урахуванням обчислювальних можливостей і спрямованості цільових кібератак

$$\begin{cases} \frac{dN_1}{dt} = \left( \arg \max_{\forall T_l \in T_l^D} K_l^D \times K_l^A \right) \times \left( \sum_{i=1}^{\varrho} \left( N_{1_i}^C \times A_i^C + N_{1_i}^I \times A_i^I + N_{1_i}^A \times A_i^A + \right. \right. \\ \left. \left. + N_{1_i}^{Au} \times A_i^{Au} + N_{1_i}^{Aff} \times A_i^{Aff} \right) \right) - \\ - \left( \sum_{i=1}^M \left( w_{CPSi}^C \cap w_{CPSi}^I \cap w_{CPSi}^A \cap \right. \right. \\ \left. \left. \cap w_{CPSi}^{Au} \cap w_{CPSi}^{Aff} \right) \chi_i^{CPS} \right) \times \tilde{N}_1 \left( N_2 \times |W_{\text{hybrid } C,I,A,Au,Af synerg}| \right); \\ \frac{dN_2}{dt} = - \left( \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M v_i \times p_{rj} \times r_{motiv} \right) \tilde{N}_2 + \left( \frac{1}{KB} \sum_{k=1}^K \sum_{g=1}^B \left( \mu_{kg}^j \times w_{kg}^j \right) \right) \tilde{N}_2 \tilde{N}_1. \end{cases}$$

Модель безпеки CPS на основі моделі "хижак-жертва" з урахуванням можливої конкуренції зловмисників щодо "жертви"

$$\begin{cases} \frac{dN_1}{dt} = \left( \arg \max_{\forall T_l \in T_l^D} K_l^D \times K_l^A \right) \times \left( \sum_{i=1}^{\varrho} \left( N_{1_i}^C \times A_i^C + N_{1_i}^I \times A_i^I + N_{1_i}^A \times A_i^A + \right. \right. \\ \left. \left. + N_{1_i}^{Au} \times A_i^{Au} + N_{1_i}^{Aff} \times A_i^{Aff} \right) \right) - \\ - \left( \sum_{i=1}^M \left( w_{CPSi}^C \cap w_{CPSi}^I \cap w_{CPSi}^A \cap \right. \right. \\ \left. \left. \cap w_{CPSi}^{Au} \cap w_{CPSi}^{Aff} \right) \chi_i^{CPS} \right) \times \tilde{N}_1 \left( \tilde{N}_2^1 \cap \tilde{N}_2^2 \cap \dots \cap \tilde{N}_2^w \right); \\ \frac{dN_2}{dt} = - \left( \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M v_i \times p_{rj} \times r_{motiv} \right) \times \left( \tilde{N}_2^1 \cap \tilde{N}_2^2 \cap \dots \cap \tilde{N}_2^w \right) + \left( \frac{1}{KB} \sum_{k=1}^K \sum_{g=1}^B \left( \mu_{kg}^j \times w_{kg}^j \right) \right) \times \\ \times \left( \tilde{N}_2^1 \cap \tilde{N}_2^2 \cap \dots \cap \tilde{N}_2^w \right) \tilde{N}_1, \end{cases}$$

Модель безпеки CPS на основі моделі “хижак-жертва” з урахуванням можливості групування зловмисників/кібергруп з метою досягнення цілей кібератаки

$$\begin{cases} \frac{dN_1}{dt} = \left( \arg \max_{\forall T_l \in Tr_C^D} K_l^D \times K_l^A \right) \times \left( \sum_{i=1}^Q \left( N_{1_i}^C \times A_i^C + N_{1_i}^I \times A_i^I + N_{1_i}^A \times A_i^A + \right. \right. \\ \left. \left. + N_{1_i}^{Au} \times A_i^{Au} + N_{1_i}^{Aff} \times A_i^{Aff} \right) \right) - \\ - \left( \sum_{i=1}^M \left( w_{CPSi}^C \cap w_{CPSi}^I \cap w_{CPSi}^A \cap \right) \chi_i^{CPS} \right) \tilde{N}_1 \left( \sum_{j=1}^w \tilde{N}_2^w \right); \\ \frac{dN_2}{dt} = - \left( \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M v_i \times p_{rj} \times r_{motiv} \right) \left( \sum_{j=1}^w \tilde{N}_2^w \right) + \left( \frac{1}{KB} \sum_{k=1}^K \sum_{g=1}^B (\mu_{kg}^j \times w_{kg}^j) \right) \left( \sum_{j=1}^w \tilde{N}_2^w \right) \tilde{N}_1, \end{cases}$$

Модель безпеки CPS на основі моделі “хижак-жертва” з урахуванням взаємозв'язків між “типами жертв” і “типами хижаків”

$$\begin{cases} \frac{dN_1}{dt} = \left( \arg \max_{\forall T_l \in Tr_C^D} K_l^D \times K_l^A \right) \times \left( \sum_{i=1}^Q \left( N_{1_i}^C \times A_i^C + N_{1_i}^I \times A_i^I + N_{1_i}^A \times A_i^A + \right. \right. \\ \left. \left. + N_{1_i}^{Au} \times A_i^{Au} + N_{1_i}^{Aff} \times A_i^{Aff} \right) \right) - \\ - \left( \sum_{i=1}^M \left( w_{CPSi}^C \cap w_{CPSi}^I \cap w_{CPSi}^A \cap \right) \chi_i^{CPS} \right) \times \tilde{N}_1 \left( \sum_{j=1}^w \tilde{N}_2^w \right) - \varepsilon \tilde{N}_2^2; \\ \frac{dN_2}{dt} = - \left( \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M v_i \times p_{rj} \times r_{motiv} \right) \left( \sum_{j=1}^w \tilde{N}_2^w \right) + \left( \frac{1}{KB} \sum_{k=1}^K \sum_{g=1}^B (\mu_{kg}^j \times w_{kg}^j) \right) \left( \sum_{j=1}^w \tilde{N}_2^w \right) \tilde{N}_1 - \xi \tilde{N}_2^2, \end{cases}$$

Comparative analysis of factorization complexity for  
classical and quantum algorithms

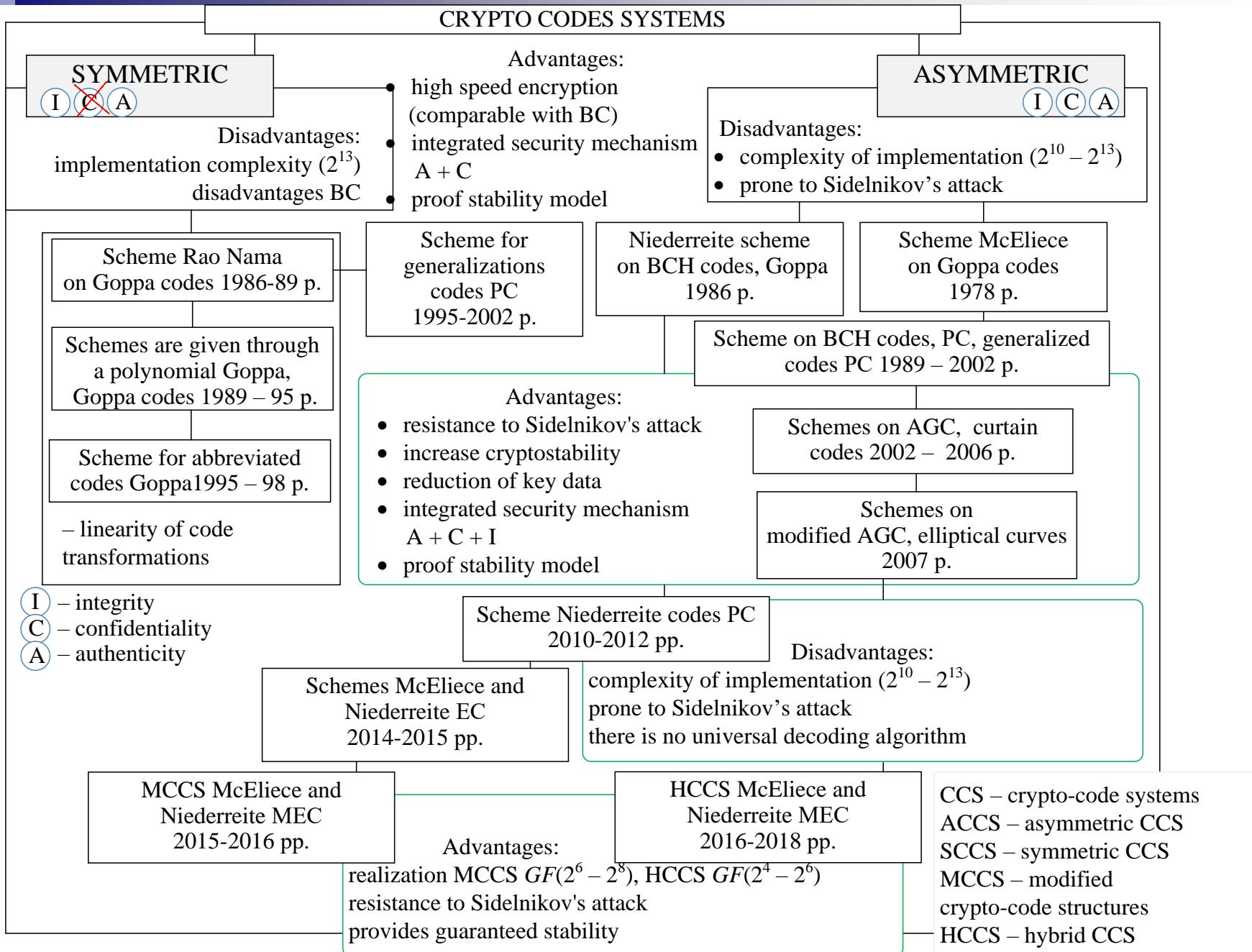
Module size N, bit	The number of required qubits $2n$	The complexity of the quantum algorithm $4n^3$	The complexity of the classical algorithm
512	1024	$0.54 \cdot 10^9$	$1.6 \cdot 10^{19}$
3072	6144	$12 \cdot 10^{10}$	$5 \cdot 10^{41}$
15360	30720	$1.5 \cdot 10^{13}$	$9.2 \cdot 10^{80}$

The complexity of implementing the Shore method of discrete logarithm of a group of EC points

Algorithm for calculating the discrete logarithmic equation			
The size of the order of the base point, bits	Number of required qubits $f(n)=7n+4\log_2 n+1$	Complexity of the quantum algorithm $360n^3$	Complexity of the classical algorithm
163	1210	$1.6 \times 10^9$	$3.4 \times 10^{24}$
256	1834	$6 \times 10^9$	$3.4 \times 10^{38}$
571	4016	$6.7 \times 10^{10}$	$8.8 \times 10^{85}$
1024	7218	$3.8 \times 10^{11}$	$1.3 \times 10^{154}$

# CLASSIFICATION OF CRYPTIC CODE STRUCTURES

MicroCAD-2024



### Statement.

Any linear code  $K$  with parameters  $[n,k,d]_r$ ,  $d \leq n/2$  has a decoding algorithm within its code distance whose complexity is at most

$$O\left(\min\left(nr^k, n \sum_{j=0}^t \binom{n}{j}\right)\right), \text{ где } t = \left[\frac{d-1}{2}\right]$$

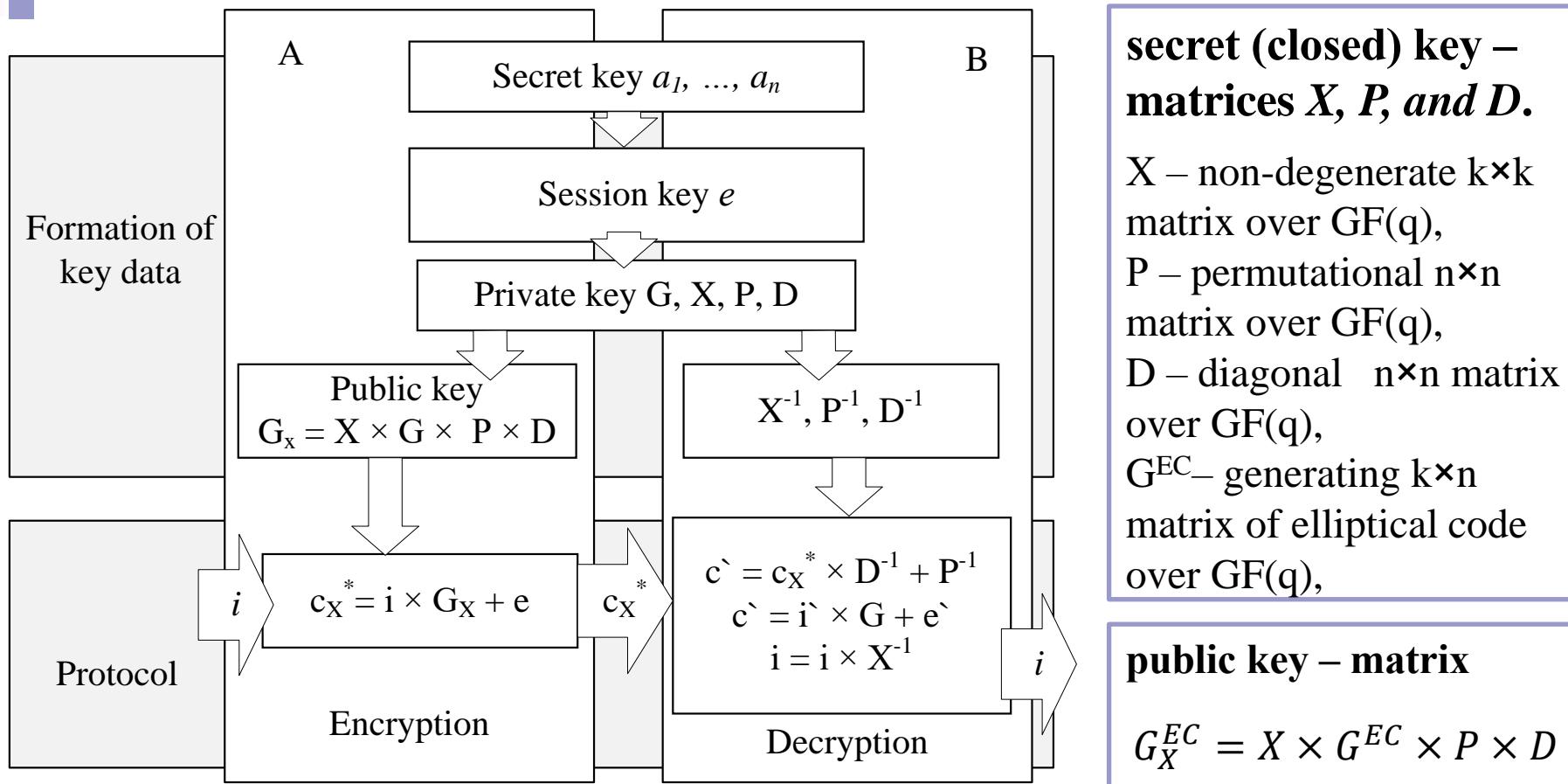
$r^k$  - number of elements in the code;

$O(nr^k)$  - the number of operations required to iterate over all elements of the code;

$\sum_{j=0}^t \binom{n}{j} (r-1)^j$  - number elements in a ball of radius  $t$ ;

$\left(n \sum_{j=0}^t \binom{n}{j}\right)$  - the number of operations required

to enumerate all elements of the ball in order to find the code vector



## Closed information (a codogram)

$$c_X^* = i \cdot G_X^{EC} + e,$$

vector  $e$  is the secret weight error vector  $\leq t$

**secret (closed) key – matrices  $X, P$ , and  $D$ .**

$X$  – non-degenerate  $k \times k$  matrix over  $GF(q)$ ,

$P$  – permutational  $n \times n$  matrix over  $GF(q)$ ,

$D$  – diagonal  $n \times n$  matrix over  $GF(q)$ ,

$G^{EC}$  – generating  $k \times n$  matrix of elliptical code over  $GF(q)$ ,

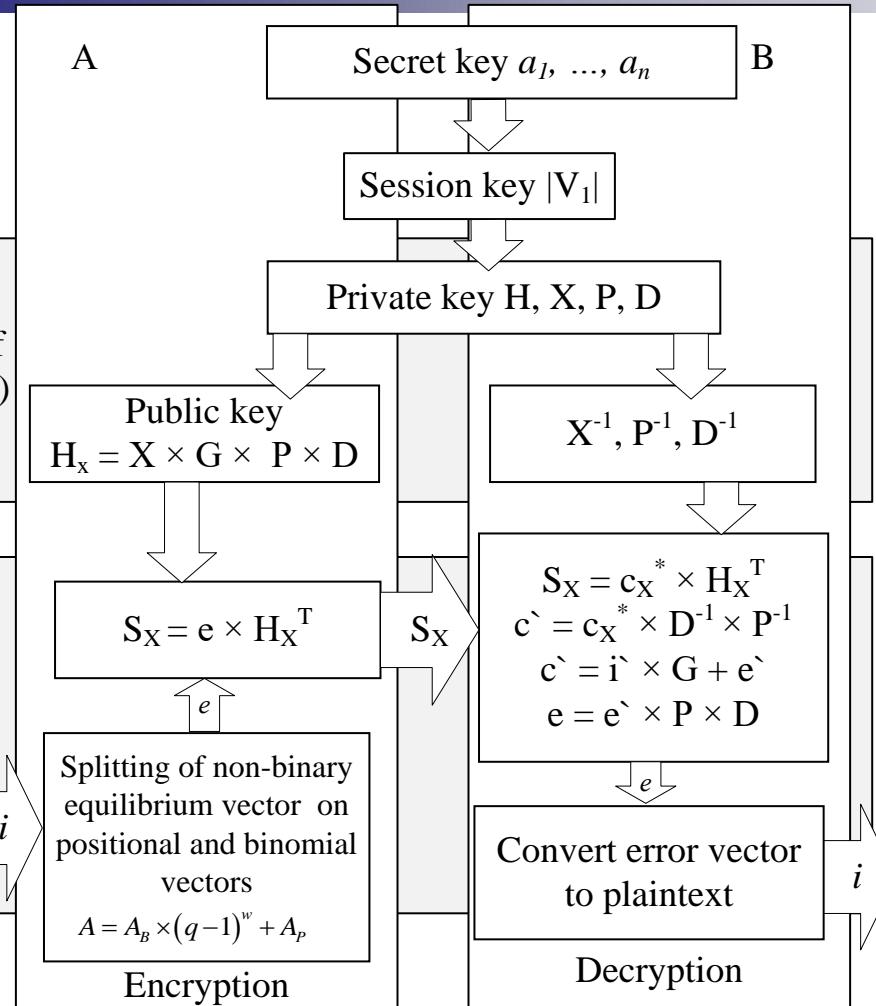
**public key – matrix**

$$G_X^{EC} = X \times G^{EC} \times P \times D$$

An elliptic curve (EC) in the affine space  $A^2$  over field  $GF(q)$  is a smooth curve given by equation  $y^2 + a_1xy + a_3y = x^3 + a_2x^2 + a_4x + a_6$ , or in  $P^2$  given by homogeneous equation  $y^2z + a_1xyz + a_3yz^2 = x^3 + a_2x^2z + a_4xz + a_6z^3$ ,  $a_i \in GF(q)$ , the genus of the curve  $g=1$ .

Formation of key data (EC)

Protocol



**secret (closed) key – matrices  $X, P$ , and  $D$ .**  
 $X$  – non-degenerate  $k \times k$  matrix over GF(q),  
 $P$  – permutational  $n \times n$  matrix over GF(q),  
 $D$  – diagonal  $n \times n$  matrix over GF(q),  
 $H^{EC}$  – check  $n \times (n-k)$  matrix of an algebra-geometric block  $(n, k, d)$  code

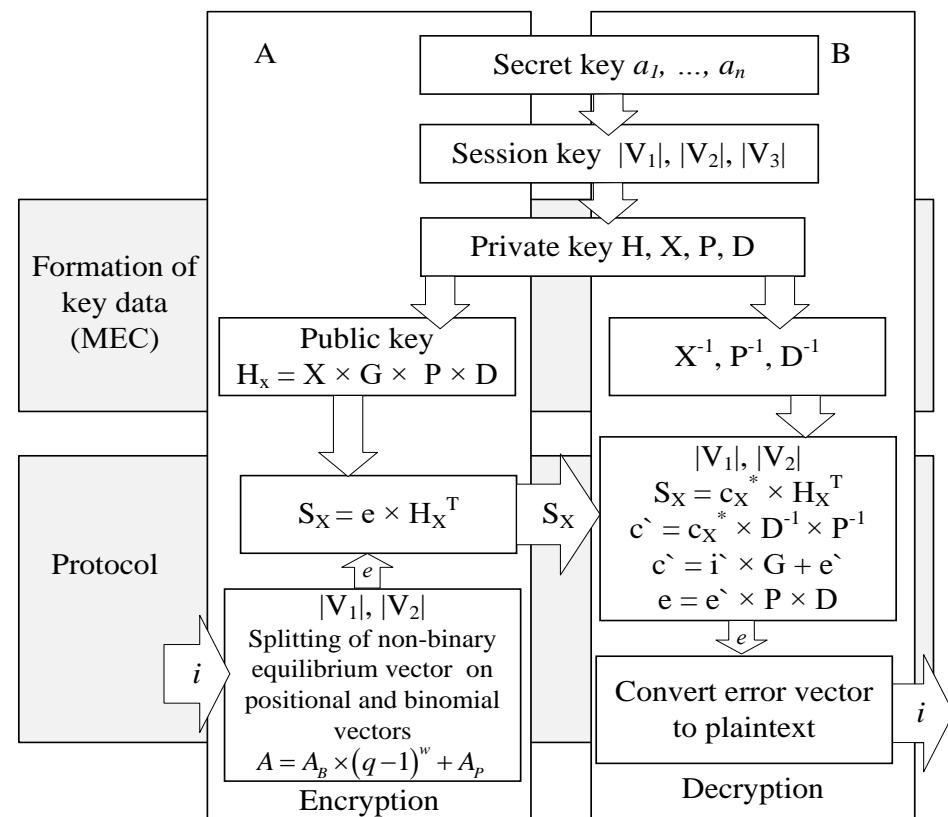
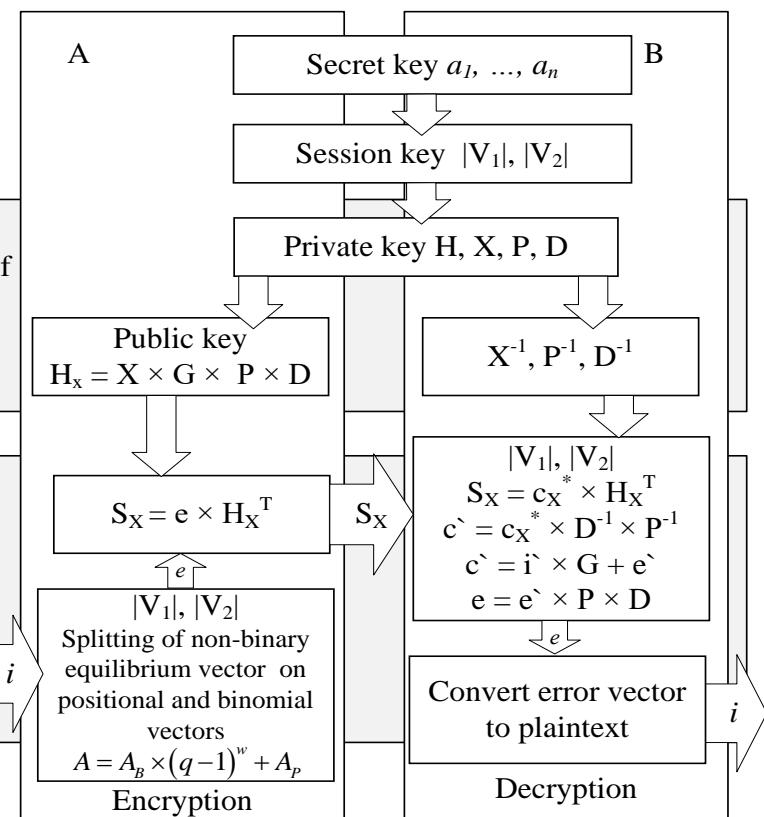
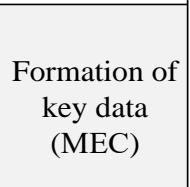
**public key – matrix**

$$H_X^{EC} = X \times H^{EC} \times P \times D,$$

**Closed information (a codogram)**

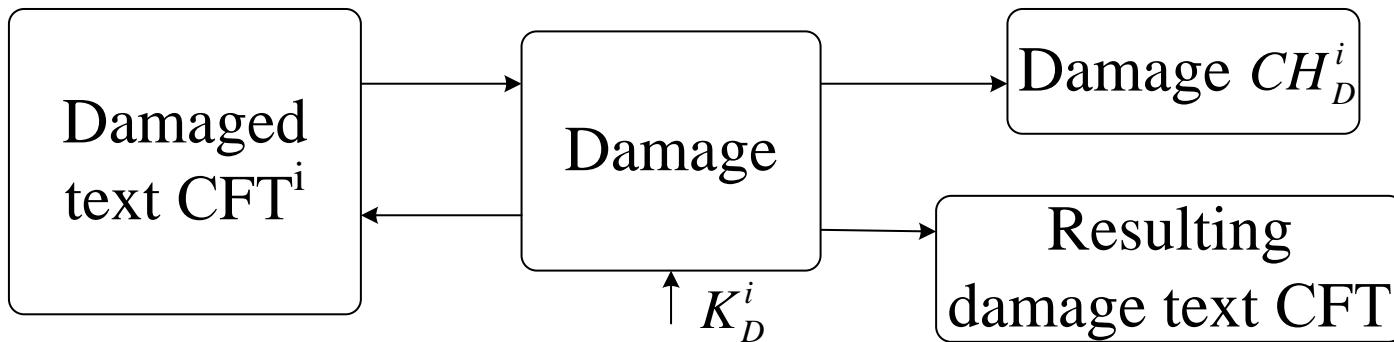
$$S_X = e \cdot (H_X^{EC})^T$$

vector  $\mathbf{IV}_1$  (sets of fixed positional sets of clear text  $\{M_F\}$ ).



## Dependence of software implementation on field power

Cryptosystems	$2^5$	$2^6$	$2^7$	$2^8$	$2^9$	$2^{10}$
Mc-Elice on the EC	10018042	18048068	32847145	47489784	63215578	<b>82467897</b>
Mc-Elice on the shortened MEC	10007947	<b>17787431</b>	28595014	44079433	61974253	79554764
Mc-Elice on the extended MEC	11156138	<b>18561228</b>	33210708	48297112	65171690	84051337

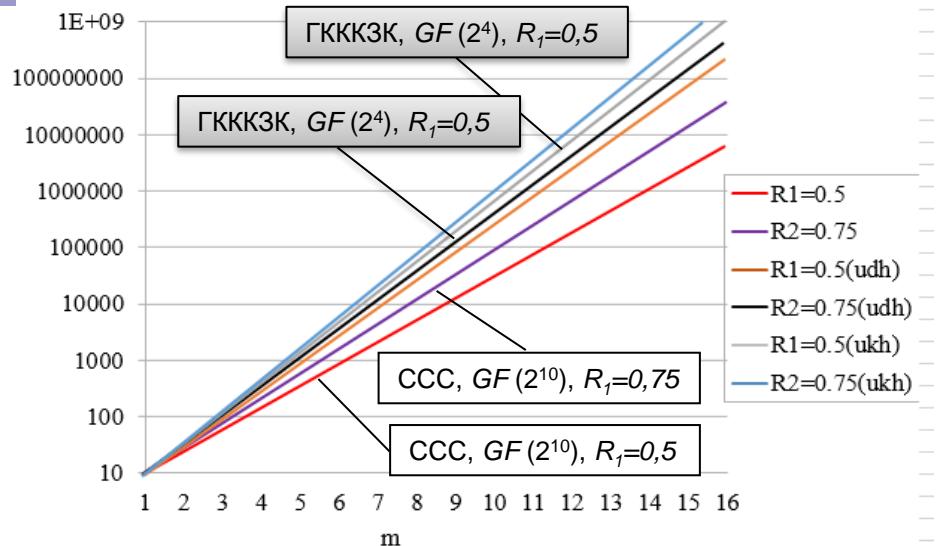


Block diagram of one step of the mechanism of damage

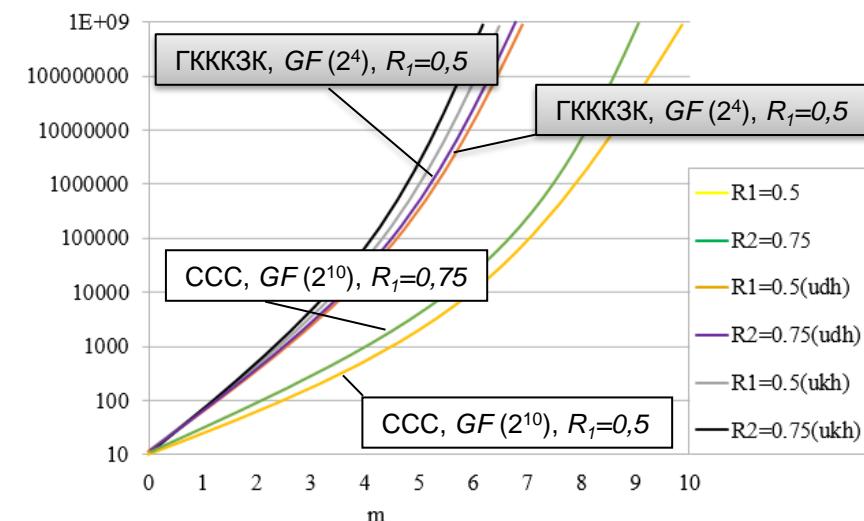
$$B(M) = B_A L_0 = \left( \log N - \frac{H(M)}{L_0} \right) \times L_0,$$

где  $M$  – source text;  $B$  – language redundancy ( $B = R-r$ ,  $R$  – absolute entropy of a language ( $R=\log N$ ,  $N$  – alphabet power,  $r$  – language entropy per character,  $r=H(M)/L$ ,  $L$  – message length  $M$  in symbols of the language;  $H(M)$  –entropy (uncertainty) of the message;  $L_0$  – message length  $M$  in the symbols of the language with meaning;  $B_A$  – language redundancy.

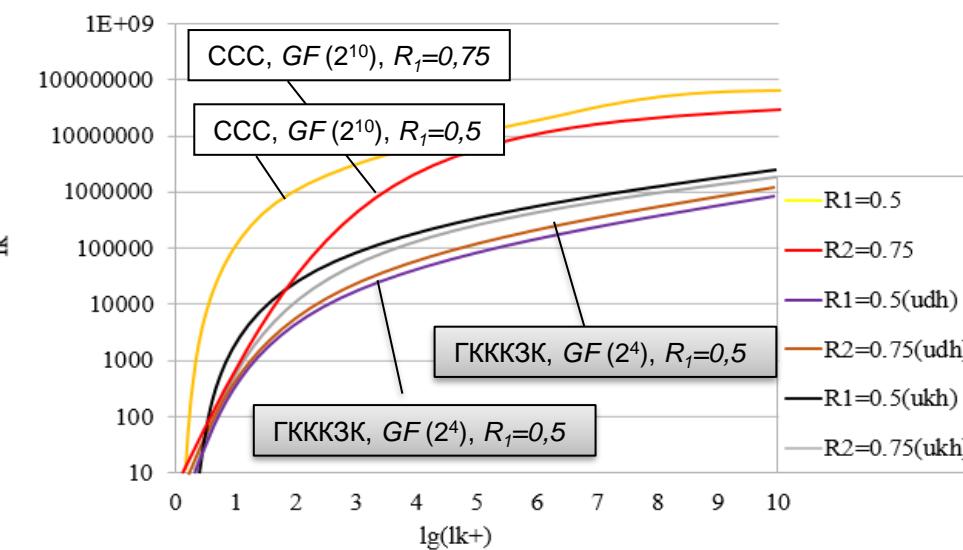
# VERIFICATION OF THE PROPERTIES OF HYBRID CRYPTO-CODE STRUCTURES



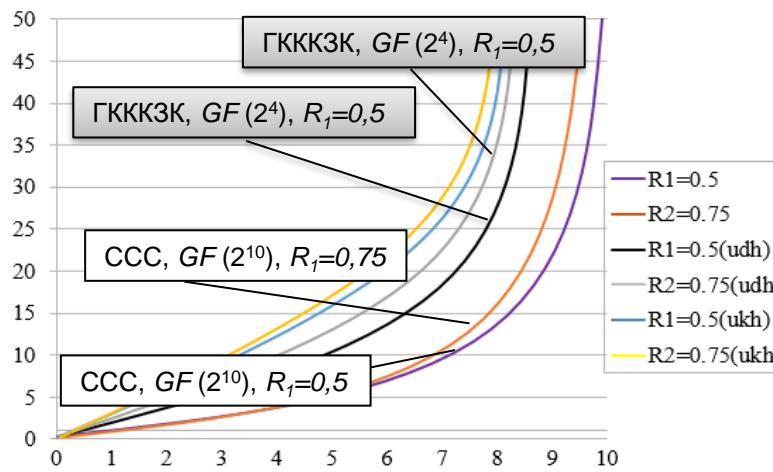
Залежність складності формування криптограми в різних GF (2<sup>m</sup>)



Залежність складності розкодування криптограми в різних GF (2<sup>m</sup>)



Залежність обсягу відкритих ключових даних



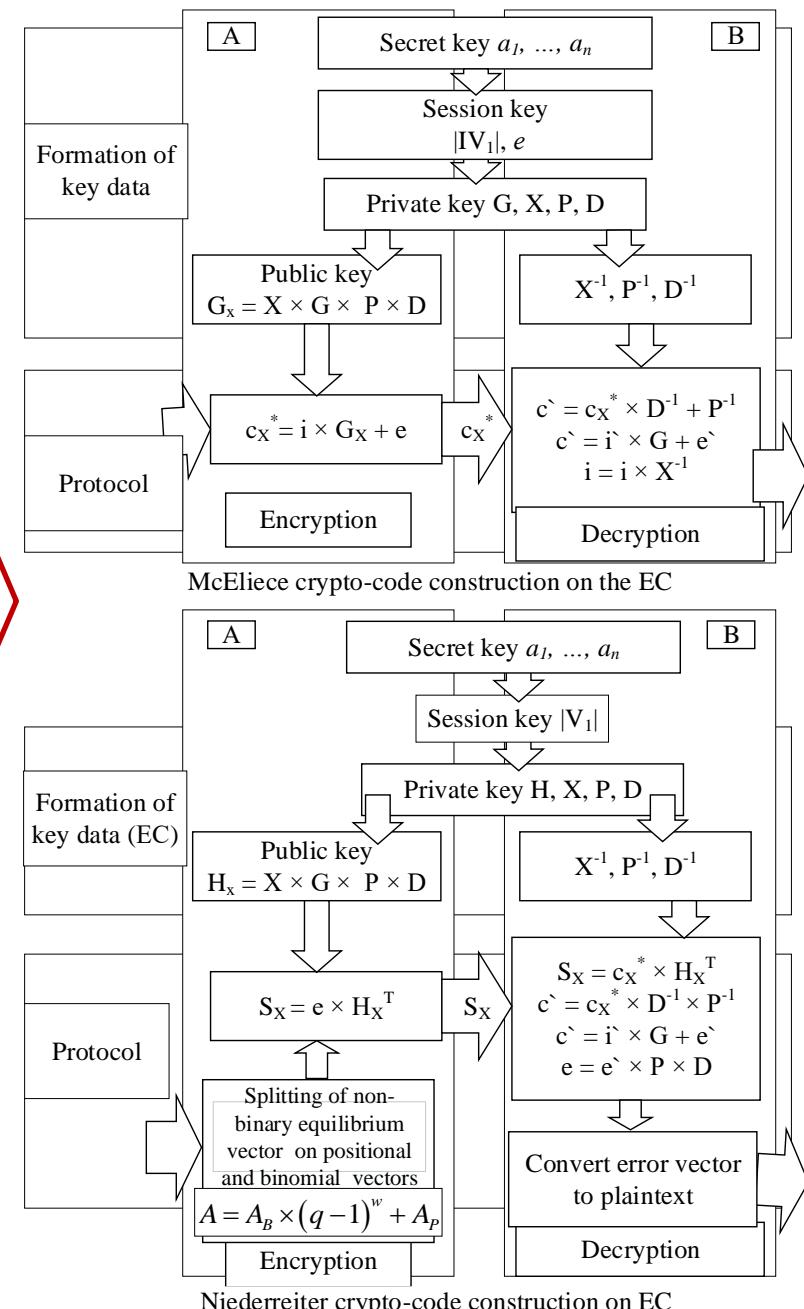
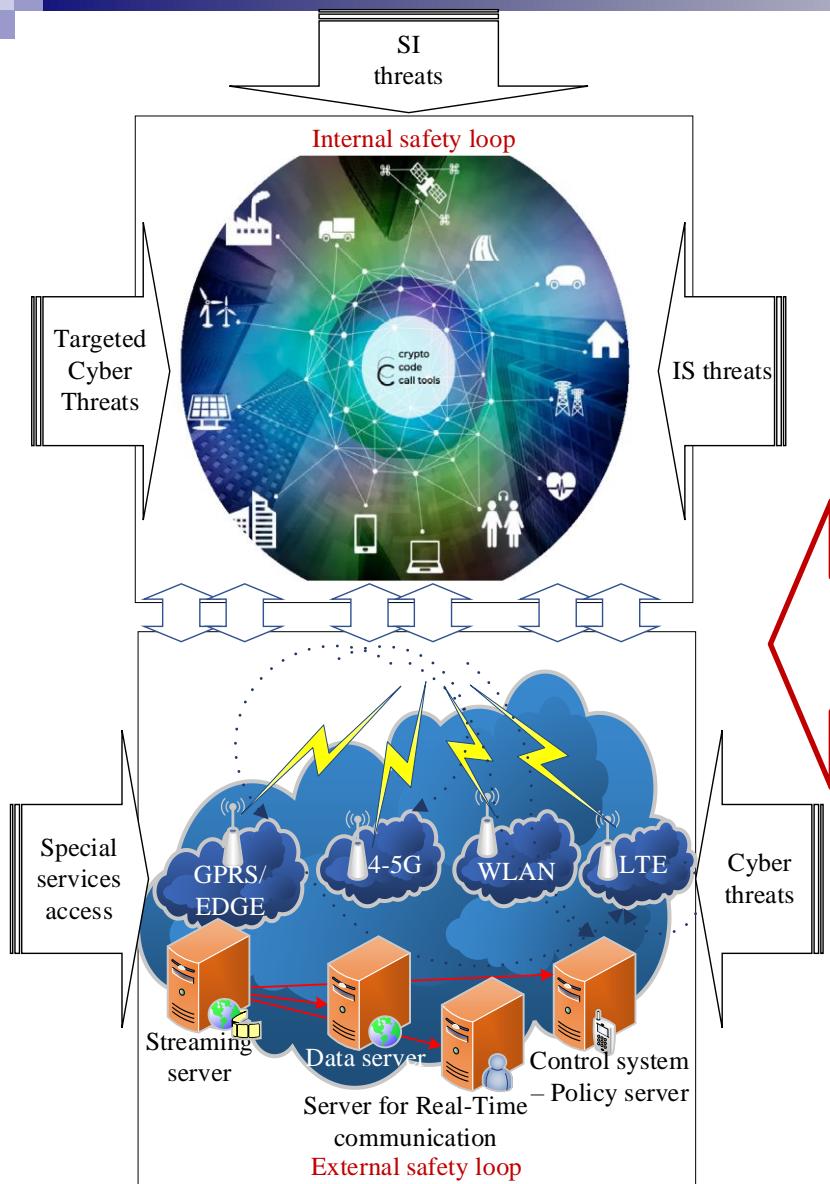
Залежність складності злому

## Залежність швидкості програмної реалізації від потужності поля

Криптосистеми	$GF(q^n)$						
	$2^4$	$2^5$	$2^6$	$2^7$	$2^8$	$2^9$	$2^{10}$
CCC Mc-Eliece на укорочених МЕС	8293075	10007947	<b>17787431</b>	28595014	44079433	61974253	79554764
CCC Mc-Eliece на подовжених МЕС	8506422	11156138	<b>18561228</b>	33210708	48297112	65171690	84051337
HCCC Mc-Eliece подовжених МЕС	<b>5612316</b>	7900315	14892945	25565274	42279183	58963778	76564173
HCCC Mc-Eliece укорочених МЕС	<b>5942627</b>	7905257	14682411	25595014	42116327	58468143	75474764

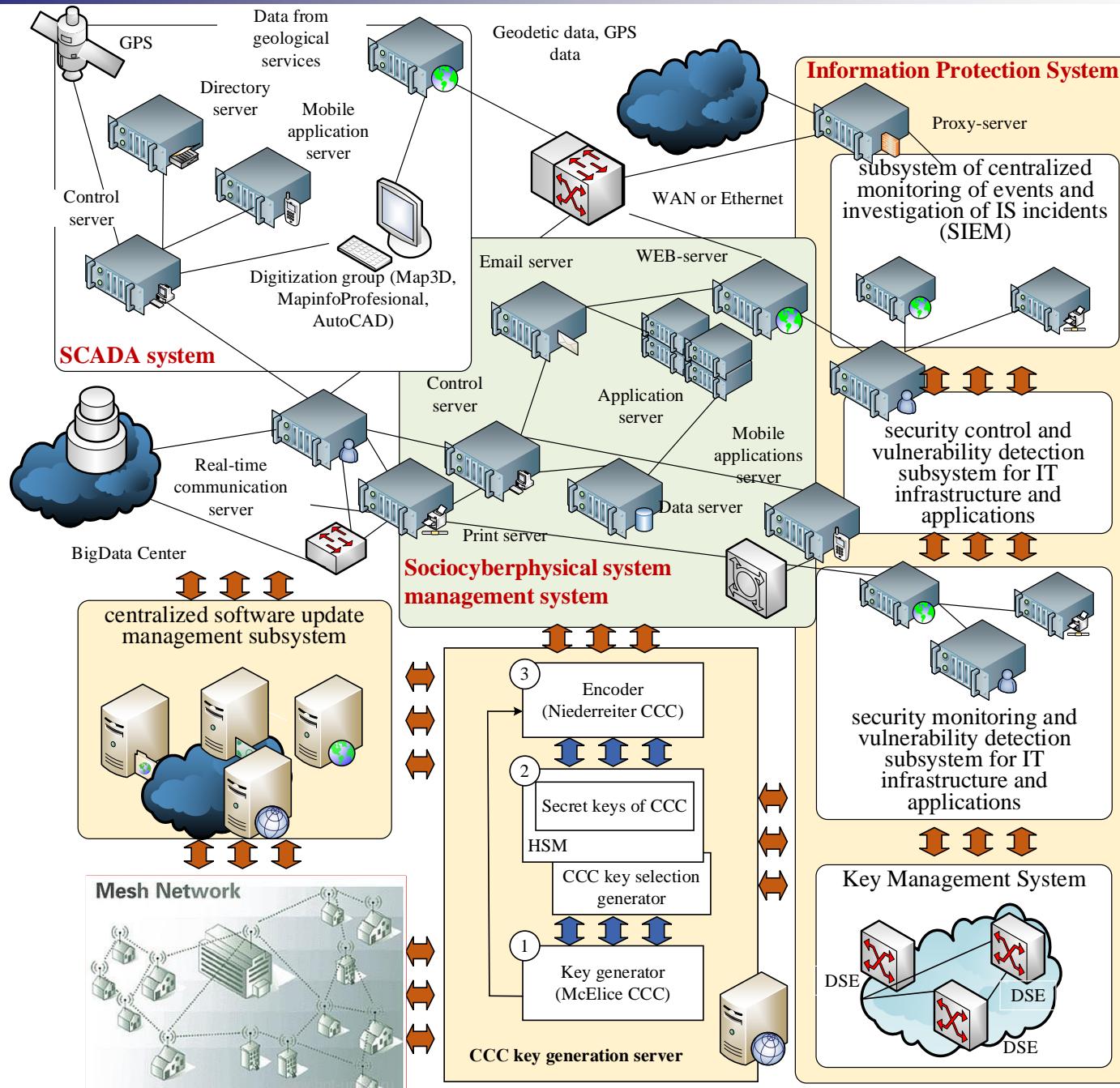
## Результати дослідження статистичної безпеки (NIST STS 822)

Криптосистеми	Кількість тестів, в яких тестування пройшли більше 99% послідовностей	Кількість тестів, в яких тестування пройшли більше 96% послідовностей	Кількість тестів, в яких тестування пройшли менше 96% послідовностей
CCC Mc-Eliece	149 (78,83%)	189 (100%)	0 (0%)
CCC Mc-Eliece на укорочених МЕС	151 (79,89%)	189 (100%)	0 (0%)
CCC Mc-Eliece на подовжених МЕС	152 (80,42%)	189 (100%)	0 (0%)
HCCC Mc-Eliece на подовжених МЕС	153 (80,95%)	189 (100%)	0 (0%)
HCCC Mc-Eliece на укорочених МЕС	155 (82 %)	189 (100%)	0 (0%)

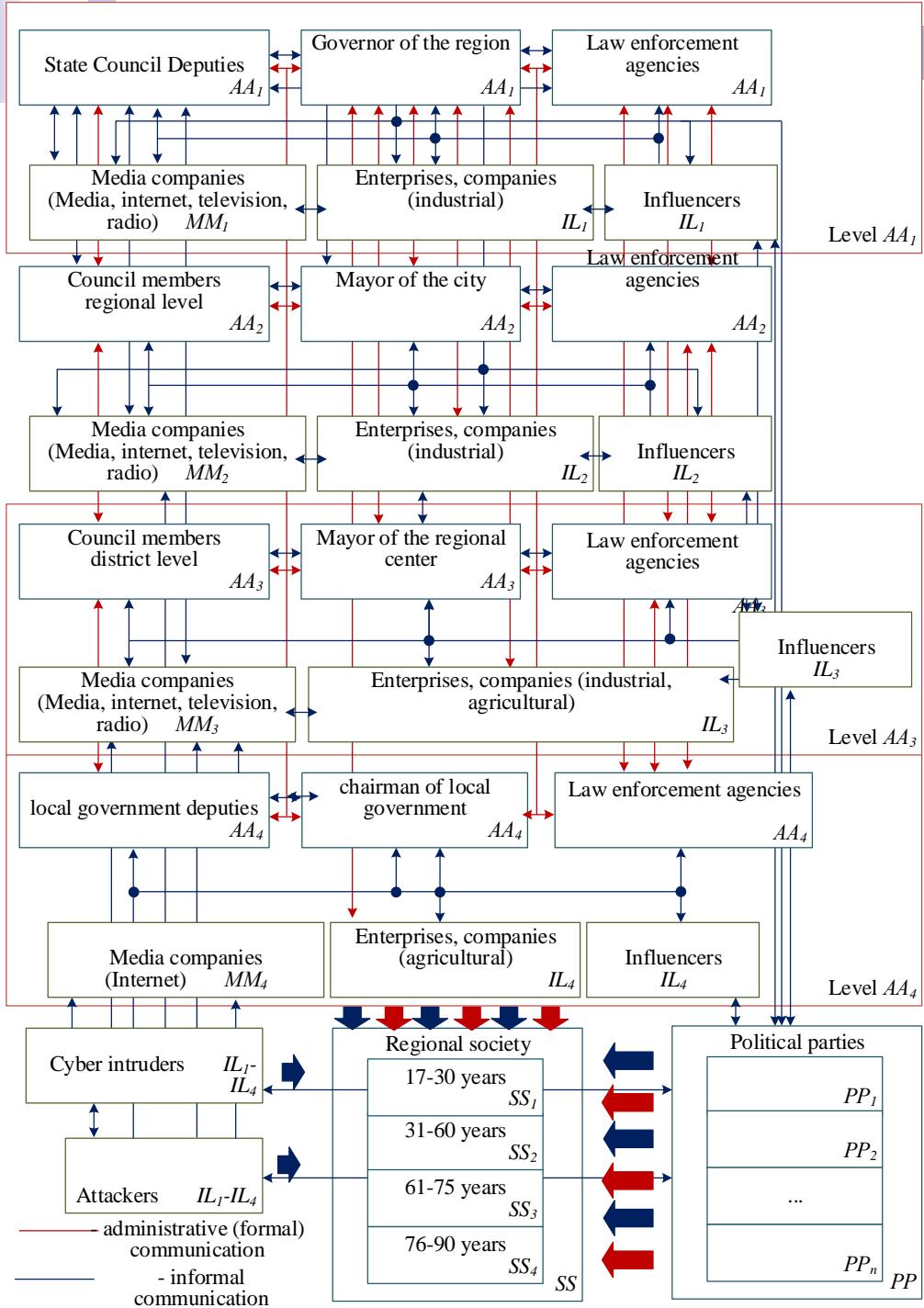


## Comparative characteristics of wireless and mobile Internet technologies

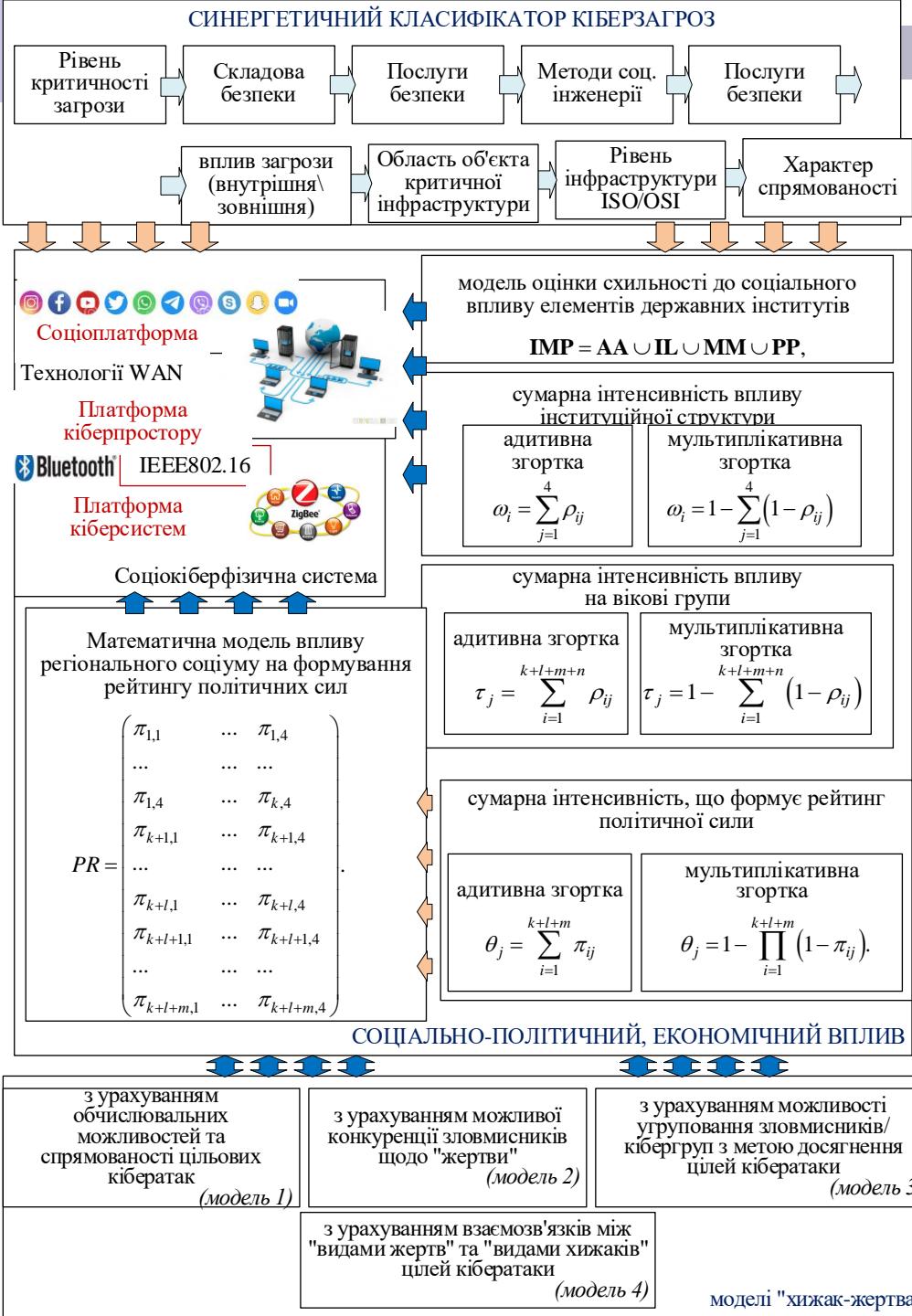
Technology	Provision of security services					The degree of information secrecy ( $\beta_i$ )				
	C	I	A	$A_u$	B	1,0	0,75	0,5	0,25	0,01
LTE (4G), LTE (5G)	-	-	+	-/+	-/+	-	-	-	-	-
IEEE 802.11 ac (Wi-Fi 5)	-	-	+	-/+	-/+	-	-	-	-	-
IEEE 802.11ax, Wi-Fi 6+KNX	-/+	-/+	+	-/+	-/+	-	-	-	+	+
IEEE 802.16+KNX	-/+	-/+	+	-/+	-/+	-	-	-	+	+
IEEE 802.16m (WiMAX2)	-/+	-/+	+	-/+	-/+	-	-	-	+	+
IEEE 802.15.1 Bluetooth 5+KNX	-/+	-/+	+	-/+	-/+	-	-	-	+	+
IEEE 802.15.4+KNX	-/+	-/+	+	-/+	-/+	-	-	-	+	+
Mobile technologies+ CCC EC(MEC)	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
Mobile technologies+ HCCC EC(MEC)	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+
Mobile technologies+ CCC на LDPC	+	+	+	+	+	-	-	+	+	+



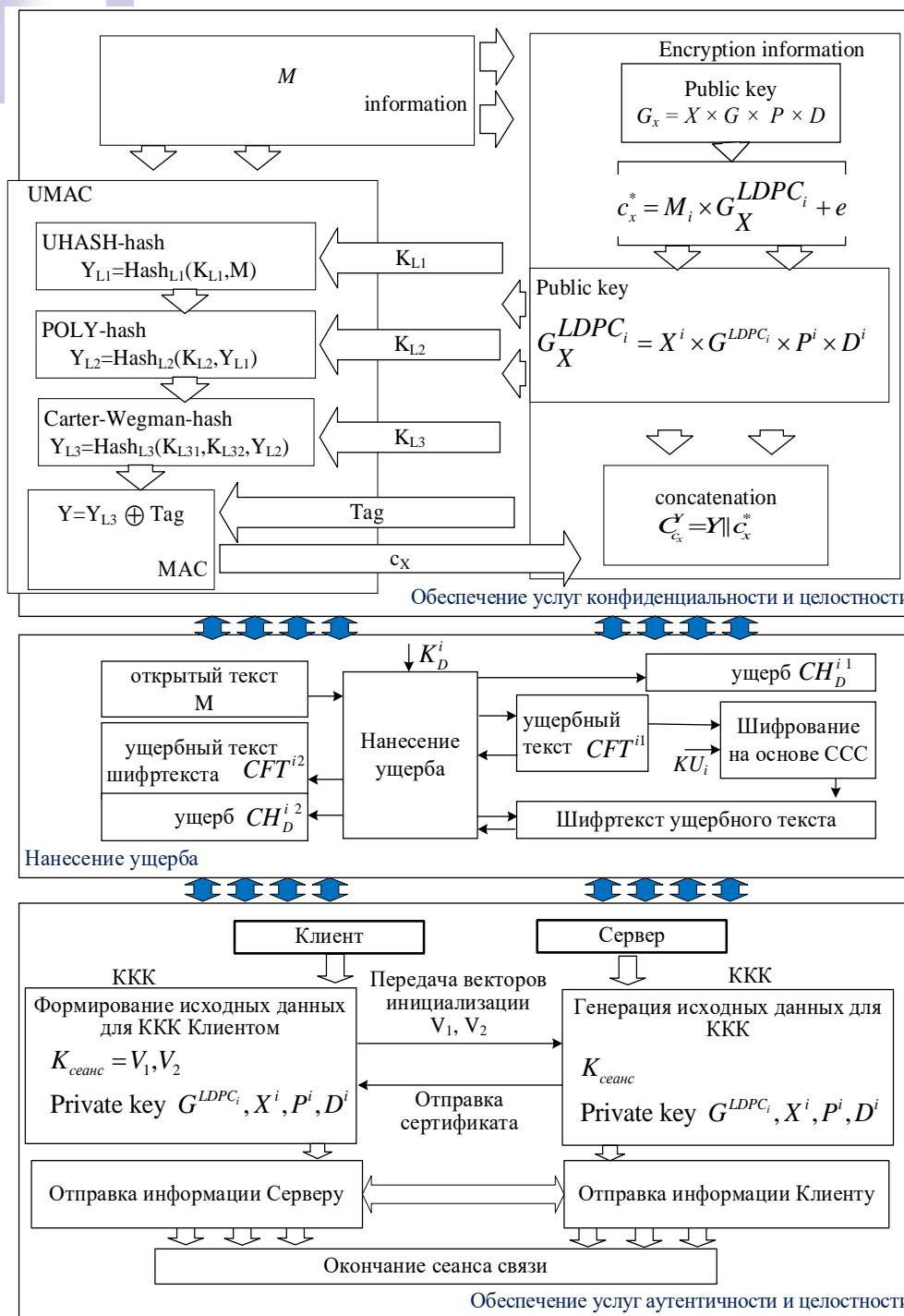
# FORECASTING MODEL FOR ASSESSING SOCIAL IMPACT IN REGIONAL COMMUNITIES



$PP = \{PP_1, PP_2, \dots, PP_n\}$  – множина політичних сил (партій, блоків;  $IL = \{IL_1, IL_2, \dots, IL_l\}$  – множина неформальних лідерів регіональної громади;  $MM = \{M_1, M_2, \dots, M_m\}$  – множина елементів медіа (media), до яких належать: засоби масової інформації;  $SS = \{SS_1, SS_2, SS_3, SS_4\}$  – регіональна громада (соціум), представлена безліччю своїх вікових груп.



створення багато контурної системи безпеки інформації у соціальних інтернет сервісах та соціокіберфізичних систем в цілому, в основу якої покладено запропоновані концепцію побудови багатоконтурної безпеки, удосконалений універсальний класифікатор загроз,



методи забезпечення конфіденційності, цілісності та автентичності інформаційних ресурсів на крипто-кодових конструкціях Мак-Еліса на LDPC-кодах, метод прогнозування оцінки соціального впливу в регіональних спільнотах, метод оцінювання інформаційних ресурсів з урахуванням комплексного показника ефективності інвестицій в системи захисту інформаційних ресурсів у соціальних інтернет сервісах



*Дякуємо за увагу !*